

Objetivos

En esta quincena aprenderás a:

- Representar puntos en el plano
- Calcular las coordenadas de un punto
- Construir e interpretar gráficas cartesianas
- Construir e interpretar tablas de datos
- Reconocer magnitudes directamente proporcionales dadas por tablas o por representación gráfica

Antes de empezar

1. Sistema de ejes coordenados pág. 178
Ejes cartesianos
Coordenadas de un punto
2. Gráficas cartesianas pág. 180
Interpretar gráficas de puntos
Interpretar gráficas continuas
3. Tablas y gráficas pág. 182
Tablas de valores
De la gráfica a la tabla
De la tabla a la gráfica
4. Más ejemplos gráficas pág. 186
De proporcionalidad directa
Otros ejemplos

Ejercicios para practicar

Para saber más

Resumen

Autoevaluación

Actividades para enviar al tutor

Antes de empezar

¿Qué tienen en común?

Observa las imágenes que aparecen en esta página. Intenta encontrar qué cosas pueden tener en común. ¡Ánimo!

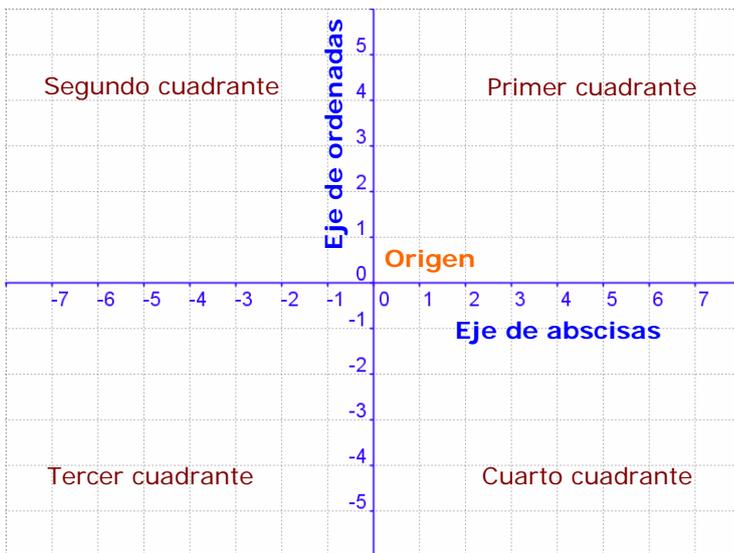
The collage consists of several elements:

- Mis barcos:** A 10x10 grid with columns A-J and rows 1-10. Red blocks are placed at (1,A), (1,B), (2,D), (2,E), (2,F), (2,G), (4,A), (4,B), (4,C), (4,D), (4,E), (4,F), (4,G), (4,H), (4,I), (4,J), (5,A), (5,B), (5,C), (5,D), (5,E), (5,F), (5,G), (5,H), (5,I), (5,J), (6,A), (6,B), (6,C), (6,D), (6,E), (6,F), (6,G), (6,H), (6,I), (6,J), (7,A), (7,B), (7,C), (7,D), (7,E), (7,F), (7,G), (7,H), (7,I), (7,J), (8,A), (8,B), (8,C), (8,D), (8,E), (8,F), (8,G), (8,H), (8,I), (8,J), (9,A), (9,B), (9,C), (9,D), (9,E), (9,F), (9,G), (9,H), (9,I), (9,J), (10,A), (10,B), (10,C), (10,D), (10,E), (10,F), (10,G), (10,H), (10,I), (10,J). A red 'X' is at (7,I).
- Barcos del continente:** An empty 10x10 grid.
- Grid with rectangles:** A 10x10 grid with yellow background. Blue rectangles are placed at (1,A)-(1,D), (1,E)-(1,H), (1,I)-(1,J), (2,A)-(2,D), (2,E)-(2,H), (2,I)-(2,J), (3,A)-(3,D), (3,E)-(3,H), (3,I)-(3,J), (4,A)-(4,D), (4,E)-(4,H), (4,I)-(4,J), (5,A)-(5,D), (5,E)-(5,H), (5,I)-(5,J), (6,A)-(6,D), (6,E)-(6,H), (6,I)-(6,J), (7,A)-(7,D), (7,E)-(7,H), (7,I)-(7,J), (8,A)-(8,D), (8,E)-(8,H), (8,I)-(8,J), (9,A)-(9,D), (9,E)-(9,H), (9,I)-(9,J), (10,A)-(10,D), (10,E)-(10,H), (10,I)-(10,J). A red path starts at (10,A) and goes to (10,B), (10,C), (10,D), (10,E), (10,F), (10,G), (10,H), (10,I), (10,J), (9,I), (8,I), (7,I), (6,I), (5,I), (4,I), (3,I), (2,I), (1,I).
- Topographic map:** A grayscale map showing terrain contours and a grid.
- World map:** A world map with a grid. The equator is labeled 'EQUADOR' and the meridian of Greenwich is labeled 'MERIDIANO DE GREENWICH'. The cardinal directions are labeled: NORTE (North), SUR (South), OESTE (West), and ESTE (East). A compass rose is shown at the center.

1. Sistema de ejes coordenados

Ejes cartesianos

Observa la siguiente imagen, en ella se muestran los elementos del sistema de **coordenadas cartesianas** que ha permitido avances en varios campos de las matemáticas.



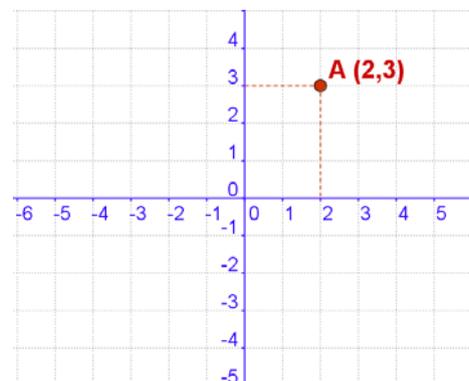
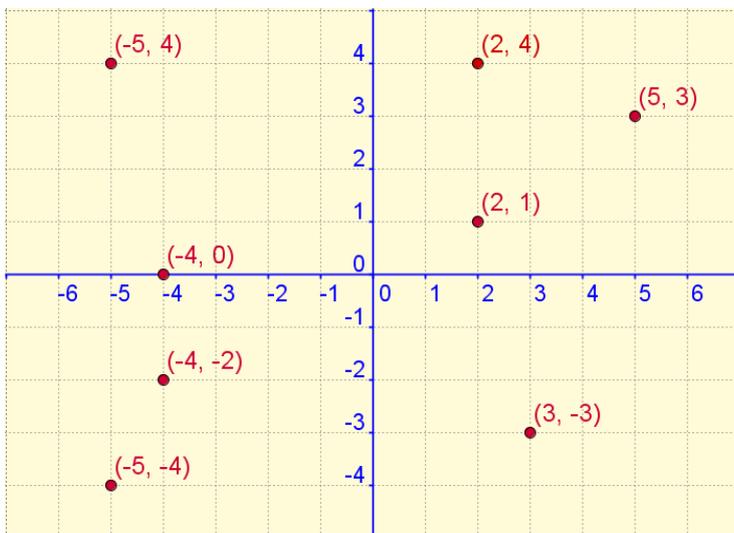
Un sistema de ejes coordenados (o cartesianos) está formado por dos ejes numéricos perpendiculares, uno horizontal, llamado de **abscisas** y otro vertical o de **ordenadas**.

Ambos ejes se cortan en un punto llamado **origen** o **centro de coordenadas**.

Coordenadas de un punto

En la imagen de este apartado aparecen varios puntos en el plano y unos ejes cartesianos donde se visualizan las coordenadas cartesianas de cada punto.

Observa que las coordenadas de un punto son un **par ordenado** de valores.

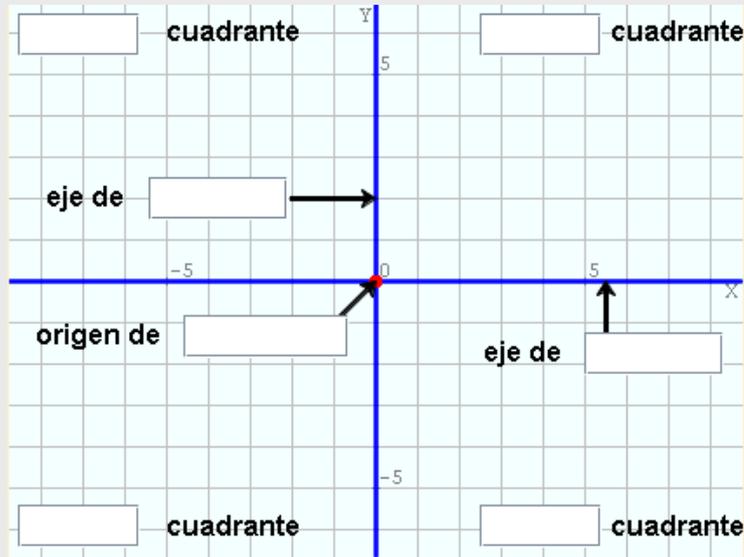


- La primera coordenada o **abscisa** de un punto nos indica la distancia a la que dicho punto se encuentra del eje vertical.

- La segunda coordenada u **ordenada** indica la distancia a la que se encuentra el punto del eje horizontal.

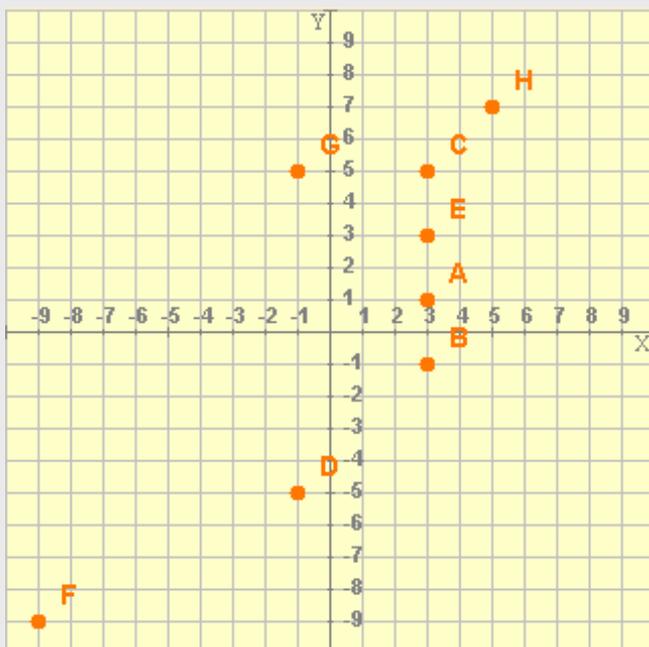
EJERCICIOS resueltos

1. Escribe los términos que correspondan en los rectángulos que se muestran en la siguiente imagen:



Los términos son (de arriba abajo y de izquierda a derecha): segundo, ordenadas, coordenadas, tercer, primer, abscisas, cuarto.

2. Completa la tabla con las coordenadas de los puntos representados en la imagen siguiente:



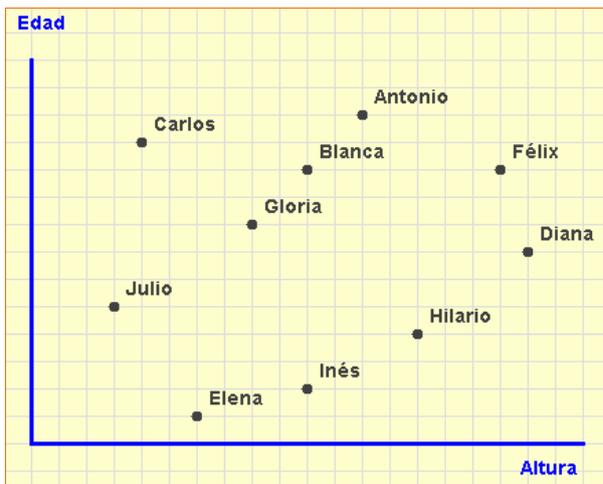
	x	y
A		
B		
C		
D		
E		
F		
G		
H		

Los puntos son: A(3,1) B(3,-1) C(3,5) D(-1,-5) E(3,3) F(-9,-9) G(-1,5) H(5,7)

2. Gráficas cartesianas

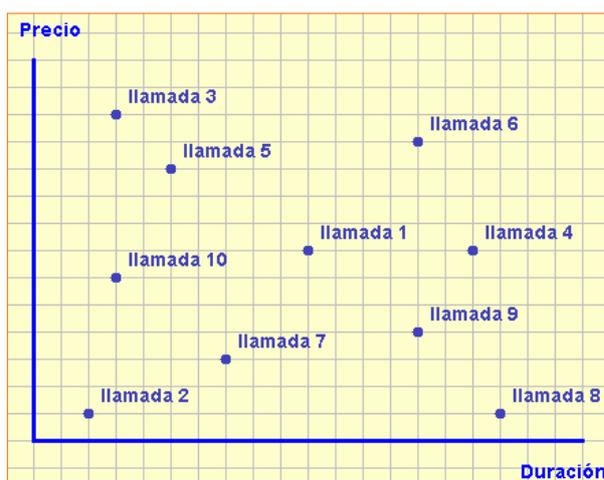
Interpretar gráficas de puntos

En la imagen de debajo se ve un ejemplo de **gráfica cartesiana**. Cada punto de la gráfica está relacionado con la **edad** y la **altura** de las personas que hacen cola para entrar en un cine.



Observa: el punto que aparece **más elevado**, el punto **más bajo**, el punto situado **más a la derecha** y el punto situado **más a la izquierda**. Relaciónalo con las magnitudes representadas.

En la segunda gráfica se muestran el **precio** y el **tiempo** que han durado las llamadas realizadas por diez personas que se encontraban en un Locutorio telefónico.



Observa: los puntos que están situados a la **misma altura**, y los puntos situados **sobre una misma vertical**. Relaciónalo con las magnitudes representadas.

¿Cómo se interpreta?

- ✓ Diana es la más alta ya que el punto que la representa está más a la derecha. Antonio es el de mayor edad puesto que el punto que lo representa es el que se encuentra más arriba en la gráfica.
- ✓ Así mismo puedes ver que Blanca e Inés tienen la misma estatura ya que sus puntos están a la misma distancia del eje de ordenadas; y Blanca y Félix tienen la misma edad ya que sus puntos se encuentran a la misma distancia del eje de abscisas.
- ✓ El más bajito sería Julio y Elena es la más joven de todas las personas de la fila.

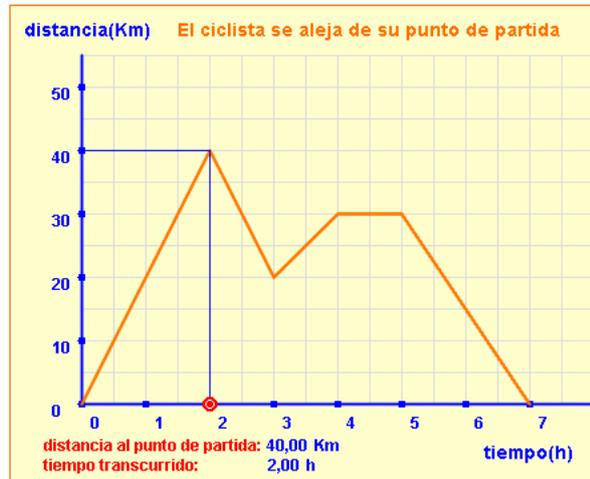
- ✓ La llamada de mayor duración ha sido la llamada 8.
- ✓ La llamada más cara ha sido la 3 aunque ha sido de las de menor duración.
- ✓ La llamada 2 ha sido la de menor duración y, junto con la 8, son las más baratas.
- ✓ Las llamadas 1 y 4 han costado lo mismo aunque su duración ha sido distinta.
- ✓ Las llamadas 6 y 9 han durado lo mismo pero la 6 es la que ha costado más.
- ✓ ¿Qué llamada crees que se ha hecho a un teléfono más cercano?
La nº 8 ya que es la más larga y de menor coste.

Interpretar gráficas continuas

En la siguiente gráfica se describe el recorrido realizado por un ciclista y, a diferencia de las dos anteriores, no se trata de puntos aislados sino que es una línea continua:

La interpretación de la gráfica:

- ✓ El ciclista empieza su recorrido y a las dos horas se encuentra a 40 km.
- ✓ Recorre 20 km más pero volviendo hacia atrás.
- ✓ Vuelve a alejarse 10 km y se para a descansar durante una hora.
- ✓ Finalmente se vuelve a montar en su bicicleta y regresa al punto de partida tardando en esa última parte del recorrido, de 30 km, dos horas.



Observa: los tramos de la gráfica que indican que el ciclista se aleja, regresa o está parado.

EJERCICIOS resueltos

3. La empresa EDAD S.A. cotiza en Bolsa desde hace algunos años. En la gráfica adjunta se muestran las cotizaciones (en €) de sus acciones durante el año 2008. ¿Cuál ha sido la mayor cotización alcanzada por sus acciones? ¿En qué mes se consiguió? ¿Cuál ha sido el menor valor alcanzado por las acciones? ¿Cuál fue el mes en que se alcanzó esa mínima cotización? ¿Qué cotización se alcanzó en el mes de junio?:



La mayor cotización fue de 70 € y se alcanzó en diciembre. La menor cotización fue de 10 € y se alcanzó en agosto. En el mes de junio las acciones se cotizaron a 40 €

3. Tablas y gráficas

Tablas de valores

En muchas ocasiones tendremos **conjuntos de datos** que nos vengan dados de diferentes formas: expresión verbal, una fórmula o ecuación,... En cualquier caso el disponer de dichos datos en una **tabla** nos facilitará su interpretación y su representación gráfica.

Veamos los pasos a seguir para construir una **tabla de doble entrada** cuando los datos nos vienen dados de forma verbal o mediante una ecuación.

► Primer ejemplo (datos en forma verbal):

En un club deportivo cuentan con 200 socios. De ellos 20 practican natación, 35 practican fútbol, 15 practican voleibol, 40 practican baloncesto, 30 practican atletismo, 10 practican tenis, 24 practican balonmano y 26 practican gimnasia.

Para este primer ejemplo prepararemos una tabla en sentido vertical, tal como la que aparece al lado (parte superior). Con los datos que tenemos la tabla debería tener **2 columnas y 9 filas** (una fila será el encabezamiento de las dos columnas)

En las celdas de la primera fila escribimos el nombre de las magnitudes o de los tipos de datos que aparecerán en cada columna. En las demás celdas de la primera columna iremos escribiendo el nombre de los deportes que se practican. Aunque los escribiremos en el orden en que aparecen en el enunciado los podríamos escribir en orden alfabético o en cualquier otro orden que consideráramos.

A continuación rellenaríamos las celdas de la segunda columna con el número de practicantes de cada deporte. Ese número deberá corresponder con el deporte que haya escrito en la celda contigua de la primera columna. Al final deberemos tener una tabla similar a la que aparece al lado.

Observa: El orden de colocación de los valores relacionados y las posibles disposiciones de las tablas.

deporte	nº socios

deporte	nº socios
natación	
fútbol	
voleibol	
baloncesto	
atletismo	
tenis	
balonmano	
gimnasia	

deporte	nº socios
natación	20
fútbol	35
voleibol	15
baloncesto	40
atletismo	30
tenis	10
balonmano	24
gimnasia	26

Observa: El cálculo de los importes se realiza de la siguiente forma (haremos el cálculo para conocer el importe de 5 botellines de zumo):

$$\text{Importe} = 0,75 \cdot n^{\circ} \text{ botellines}$$

$$= 0,75 \cdot 5 = 3,75 \text{ €}$$



► Segundo ejemplo (datos en forma de ecuación):

El importe que debemos pagar por una determinada cantidad de botellines de zumo de naranja es:

$$\text{Importe} = 0,75 \cdot n^{\circ} \text{ de botellines}$$

Vamos a construir una tabla en la que se mostrarán los importes si se compran de 1 a 10 botellines. En este caso, en lugar de una tabla en sentido vertical construiremos una tabla en sentido horizontal y que, según los datos que tenemos deberá tener dos filas y once columnas ya que necesitaremos una columna para indicar a qué se refieren las cantidades que aparezcan en las celdas de cada fila.

Esta tabla puede ser como la siguiente:

Nº botellines										
Importe										

En las celdas de la primera fila escribiremos el número de botellines en orden creciente:

Nº botellines	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Importe										

En las celdas de la segunda fila escribiremos los importes correspondientes al número de botellines y que calcularemos a partir de la ecuación que nos dan en el enunciado:

Nº botellines	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Importe	0,75	1,5	2,25	3	3,75	4,5	5,25	6	6,75	7,5

X	Y
0	6
1	1
2	9
3	2
4	3
5	5
6	4
7	7
8	6
9	3
10	8
11	9
12	2

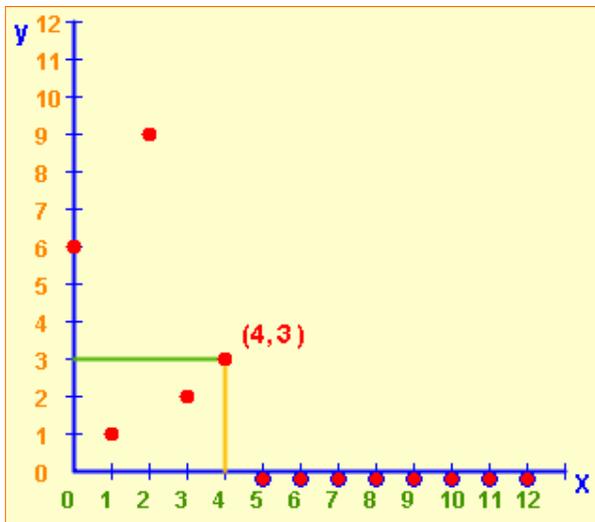
De la tabla a la gráfica

En muchas ocasiones necesitaremos que los datos recogidos en una tabla sean representados gráficamente sobre unos ejes de coordenadas.

Veamos cómo representar gráficamente los datos de la tabla que ves al lado. Primero deberemos dibujar una sistema de ejes coordenados sobre el que, posteriormente, representaremos los datos.

Una vez que hemos dibujado los ejes y marcados los valores correspondientes tanto en el eje de abscisas como en el eje de coordenadas, es cuando comenzaremos a situar los puntos que representarán los datos dados

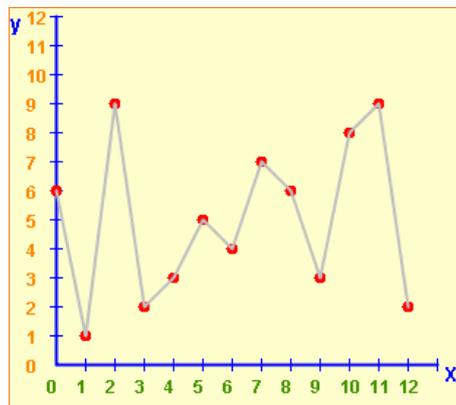
Tablas y gráficas



Una vez acabado el proceso deberemos obtener una gráfica similar a la que se muestra, en la que se han unido, mediante segmentos, cada par de puntos consecutivos, aunque no siempre se deberán unir

Observa: Nos situamos en el primer punto de **X** dado en la tabla y subimos una altura igual a su correspondiente valor de **Y**, así obtenemos el primer punto de la gráfica. **(0,6)** Repetimos el proceso con cada pareja de valores de la tabla.

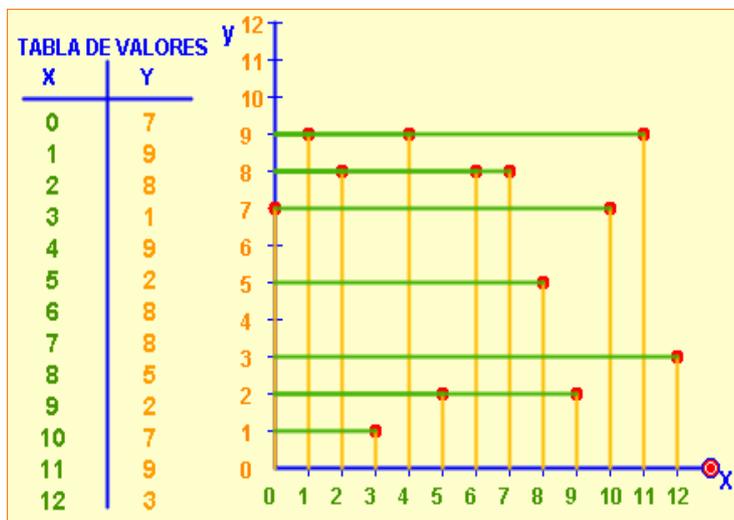
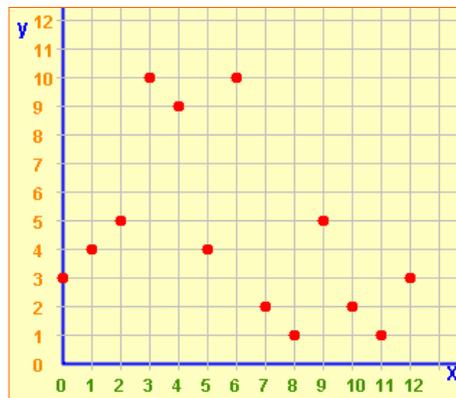
En la imagen de al lado se ven los trazos usados para representar el punto **(4,3)**.



De la tabla a la gráfica

Veamos ahora el proceso inverso: nos dan una gráfica cartesiana y debemos construir la tabla de datos representada en dicha gráfica.

Fíjate en la gráfica del margen. A partir de las coordenadas de los puntos representados podremos construir la correspondiente tabla de datos. El proceso es idéntico al empleado en el segundo ejercicio del primer apartado de esta quincena.



Proceso: por el primer punto de la gráfica (el de más a la izquierda), trazamos una paralela al **eje Y** hasta llegar al **eje X** y una paralela al **eje X** hasta el **eje Y**.

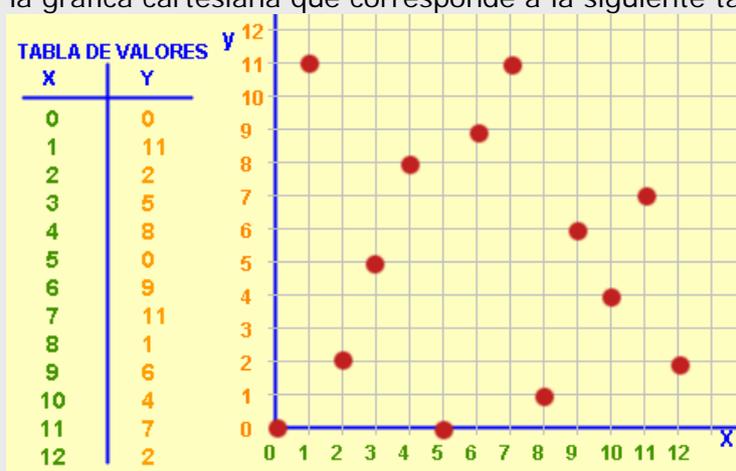
Estas paralelas, al cortar con cada uno de los ejes, nos darán los correspondientes **valores X e Y (coordenadas)** de ese punto. Anotamos los valores leídos en la **tabla de valores** y continuamos el proceso con los demás, hasta llegar al último punto (el situado más hacia la derecha).

EJERCICIOS resueltos

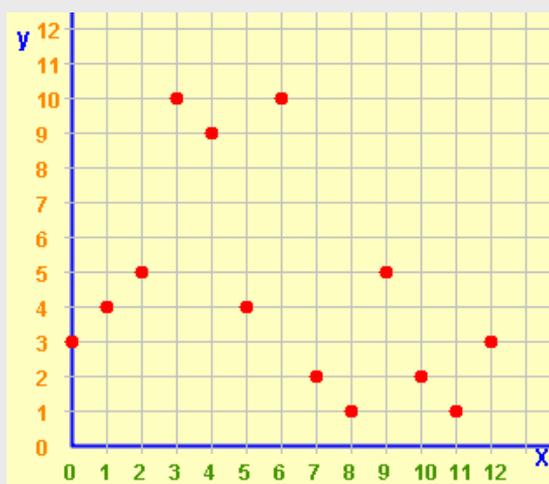
4. Sabiendo que el precio de un trayecto en taxi se calcula mediante la ecuación **precio (en €) = 0,55·distancia (en km)+1,5**, construye una tabla para recorridos de: 1, 2, 3, 5, 8, 12 y 15 km

Distancia (km)	1	2	3	5	8	10	12
Precio (€)	2,05	2,60	3,15	4,25	5,90	7,00	8,10

5. Construye la gráfica cartesiana que corresponde a la siguiente tabla de valores:



6. Construye la tabla de datos que corresponde a la gráfica cartesiana de puntos siguiente:



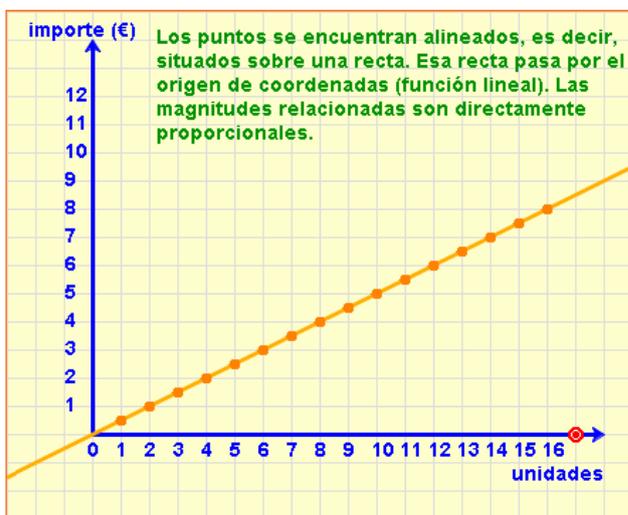
X	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Y	3	4	5	10	9	10	2	1	5	2	1	3

4. Más ejemplos de gráficas

De proporcionalidad directa

Un pastelito cuesta 0,5€, ¿cuánto costarán 2 pastelillos?, ¿y cuatro pastelillos?.

Es fácil ver que el **importe** a pagar será $y=0,5x$, donde **y** sería el importe en euros y **x** correspondería al número de pasteles comprados. Las magnitudes **importe** y **cantidad de panecillos** son **directamente proporcionales** con constante de proporcionalidad 0,5.



x	y
0	0
1	0,5
2	1
3	1,5
5	2,5
10	5

Observa: los puntos están alineados sobre una recta que pasa por el origen de coordenadas. Es un ejemplo de **función lineal**.

Amplieemos un poco la información dada hasta ahora. Es fácil comprobar que **a cada cantidad de panecillos le corresponde un único importe**, es decir entre ambas magnitudes (cantidad de panecillos e importe) se establece una **correspondencia** en la que **a cada valor de la primera magnitud se le asocia uno y solo un valor de la segunda**.

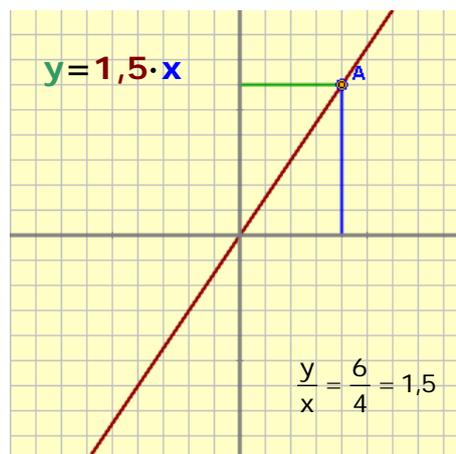
Cuando tenemos un tipo así de correspondencia decimos que las dos magnitudes están relacionadas mediante una **función**, o que tenemos definida una función. Una función puede venir descrita por: una expresión verbal, una tabla, una gráfica o una ecuación.

El ejemplo de los panecillos nos determina un tipo especial de función llamado **función lineal** (tal como ya hemos dicho al principio de este apartado) y todas se corresponden con ecuaciones del tipo

$$y = m \cdot x$$

donde **m** corresponde a la **constante de proporcionalidad**

En la gráfica de debajo se muestra la representación gráfica de una función lineal de ecuación $y=1,5 \cdot x$ y se observa que las coordenadas del punto **A** representado verifican la relación $y/x=1,5$



Observa: el cociente entre la coordenada **Y** y la coordenada **X** de un punto de la gráfica de una **función lineal** nos determina **m**, que corresponde a la **constante de proporcionalidad**



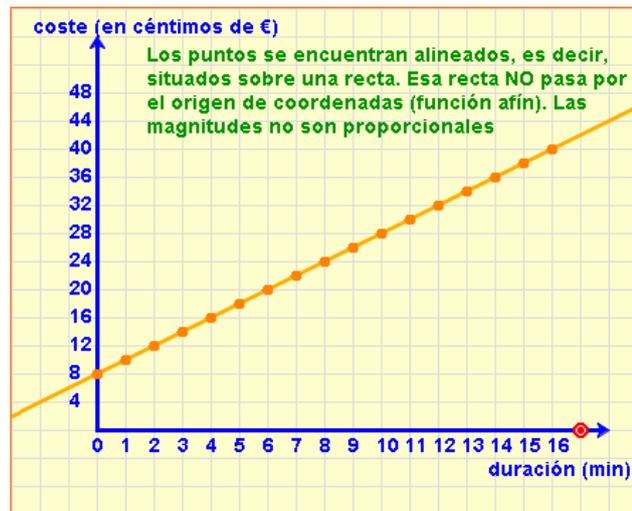
x min	y cent
0	8
1	11
2	14
3	17
5	23
10	38

Observa: los puntos están alineados sobre una recta que **NO** pasa por el origen de coordenadas. Es un ejemplo de **función afín**.

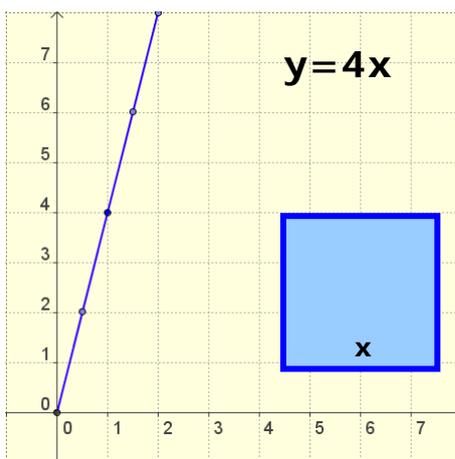
Otros ejemplos

1) Una compañía de telefonía fija cobra 8 céntimos de euro por establecimiento de llamada y 3 céntimos por minuto hablado. Podemos ver que la ecuación que nos determinará el coste de una llamada será $y=3x+8$ donde y será el **coste** de la llamada en **céntimos** de euro y x será la **duración** de la llamada en **minutos**.

En la gráfica se muestra la representación gráfica de la ecuación.

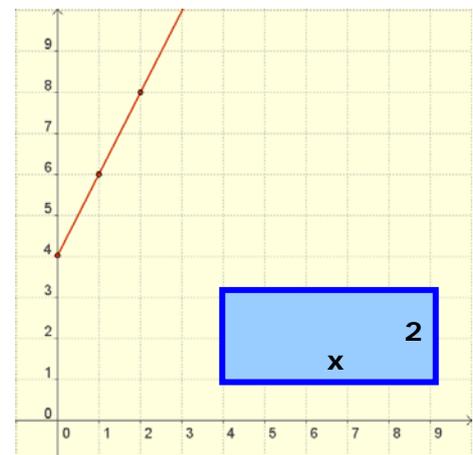


En ese caso se puede comprobar fácilmente que las dos magnitudes **no** son directamente proporcionales.



2) El perímetro de un cuadrado es **función** de su lado, a un cuadrado de lado 0,5 dm le corresponde un perímetro de $4 \cdot 0,5 = 2$ dm, un cuadrado de 2 dm de lado tiene un perímetro de $2 \cdot 4 = 8$ dm.

En general podemos escribir que el perímetro de un cuadrado de lado x es $y=4x$. Si se representa esta función se obtiene la gráfica de la izquierda. Es una función lineal.



3) El perímetro de un rectángulo de altura 2 dm, también es función de la base. Si se llama x a la medida de la base el perímetro es $y=2x+4$. Representando esta función se obtiene la gráfica de la derecha, una recta que no pasa por el origen de coordenadas, es una función afín.

EJERCICIOS resueltos

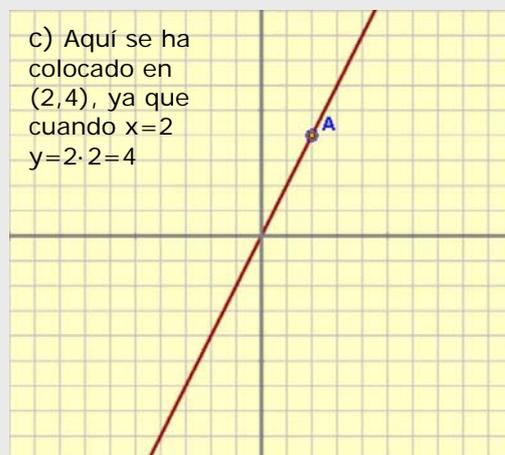
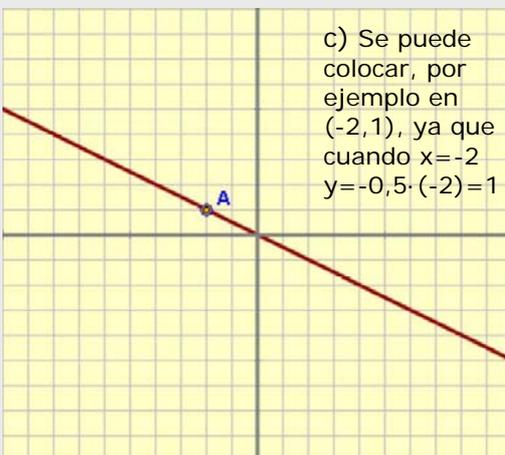
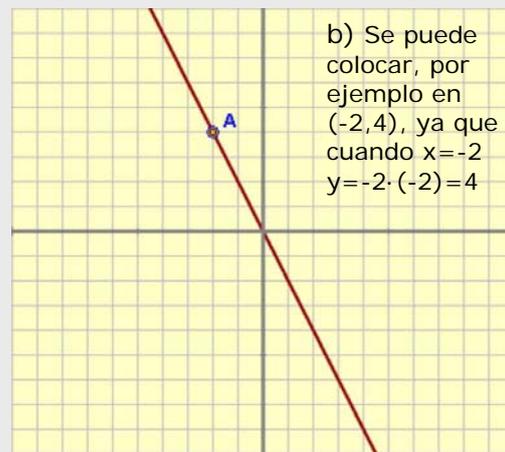
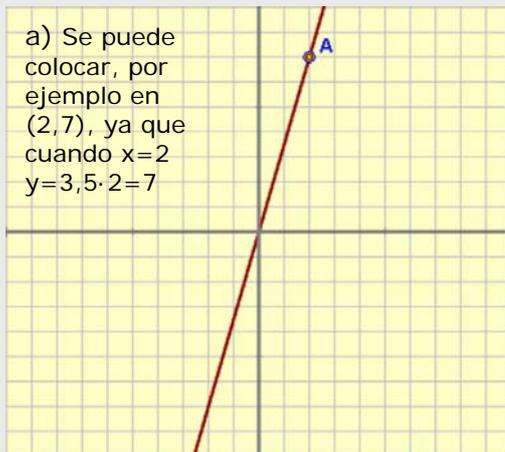
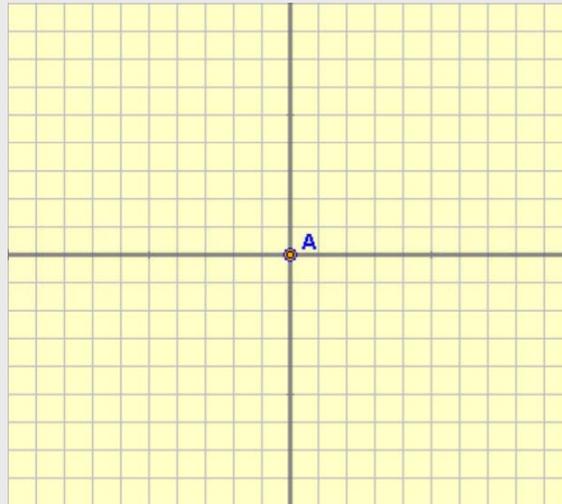
7. Sitúa el punto A de manera que la recta que pasa por dicho punto y el origen de coordenadas representa la función lineal dada por la fórmula

a) $y = 3,5 \cdot x$

b) $y = -2 \cdot x$

c) $y = -0,5 \cdot x$

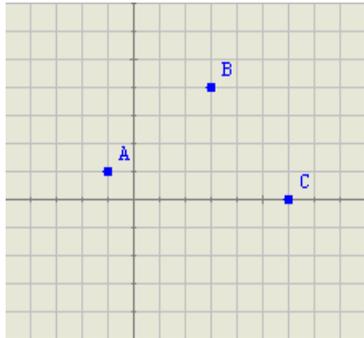
d) $y = 2 \cdot x$



Para practicar



1. En una hoja de papel cuadrículado se habían marcado los cuatro vértices de un cuadrado, pero uno de ellos se ha borrado. Con la ayuda de las coordenadas indica dónde debe marcarse el vértice que falta.



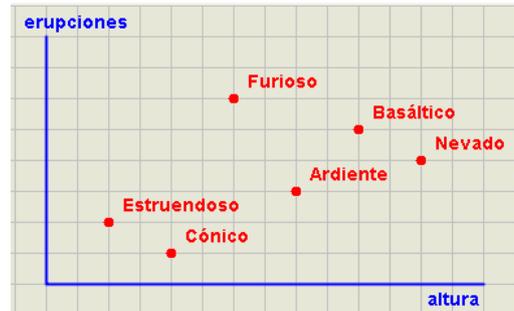
2. Un grupo de amigos se ha ido de excursión. Uno de ellos ha realizado un pequeño croquis con la ayuda de un sistema de ejes coordenados. ¿Cuáles son las coordenadas de la ermita?



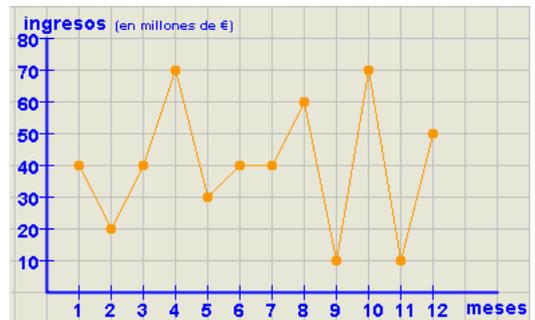
3. Dos pueblos cercanos comparten la misma estación de ferrocarril. ¿Cuál es la situación geográfica de dicha estación respecto a ambos pueblos si un lado de cada cuadrícula representa 500 m en la realidad.



4. Escribe, a partir de los datos de la gráfica, el nombre del volcán más alto y el nombre del volcán que ha sufrido más erupciones.



5. Una empresa presenta el gráfico que se ve a continuación, con los ingresos obtenidos durante los doce meses del último año. ¿Cuál es el primer mes en que más ganó? ¿Y el último mes en que gana menos? ¿Qué ingresos obtuvo en mayo?

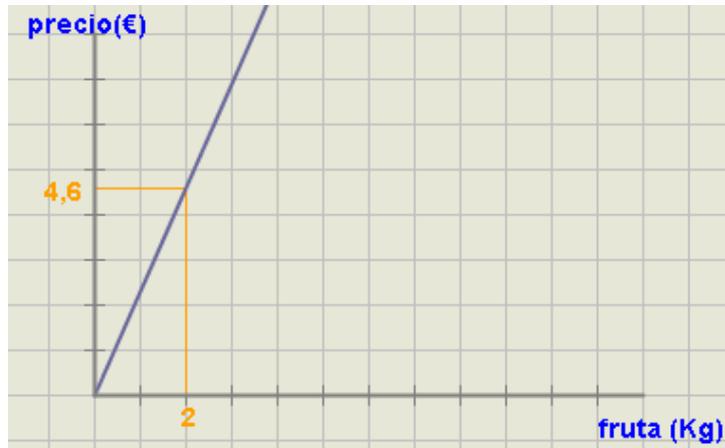


6. Marta ha salido a dar un paseo. ¿Cuánto ha durado ese paseo? ¿A qué distancia se encuentra el punto más alejado de su casa?



Tablas y gráficas

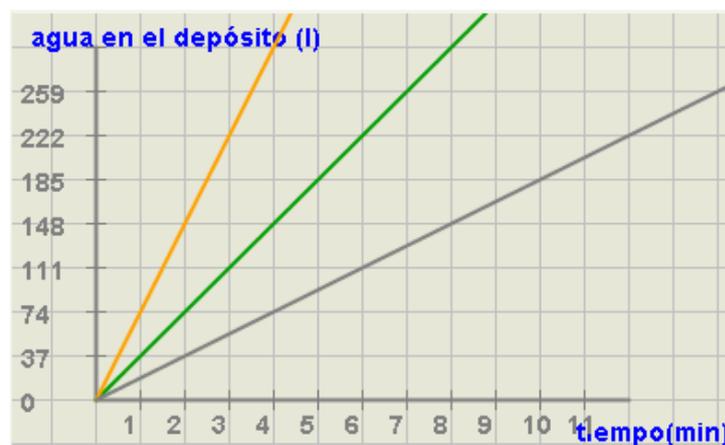
7. Con los datos de la gráfica calcula a cuánto se ha vendido el kilo de fruta.



8. Un tren de largo recorrido une las ciudades de Málaga y Barcelona y ha iniciado el viaje a las 8 de la mañana. La siguiente gráfica muestra el recorrido realizado en función del tiempo y la distancia recorrida ¿A qué hora llega a Barcelona? ¿Cuál fue la velocidad media del tren?



9. Un depósito se llena mediante una bomba que vierte 74 litros de agua por minuto. ¿Cuál de las tres rectas representa el agua del depósito en función del tiempo?



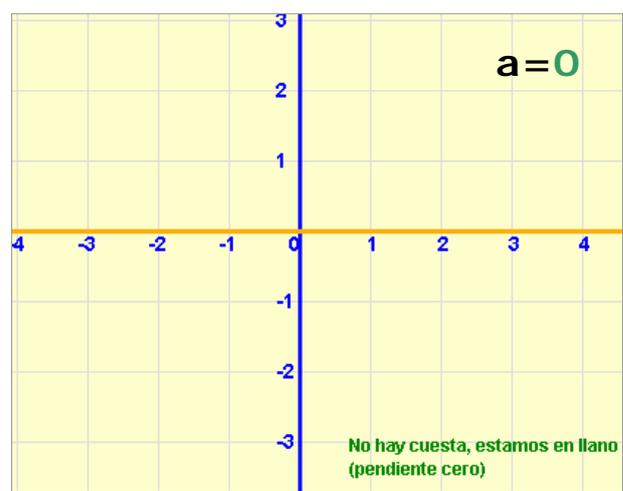
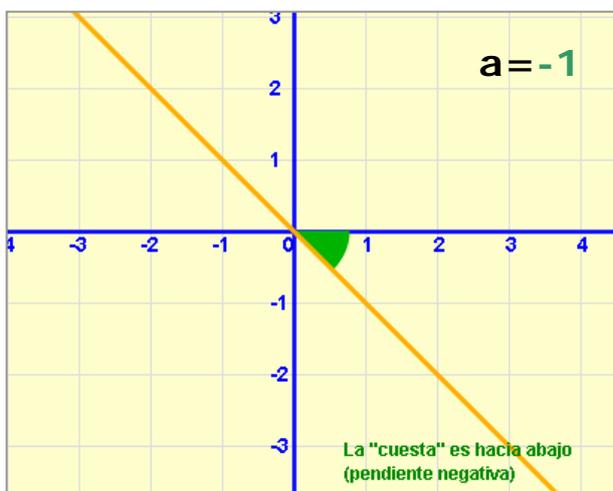
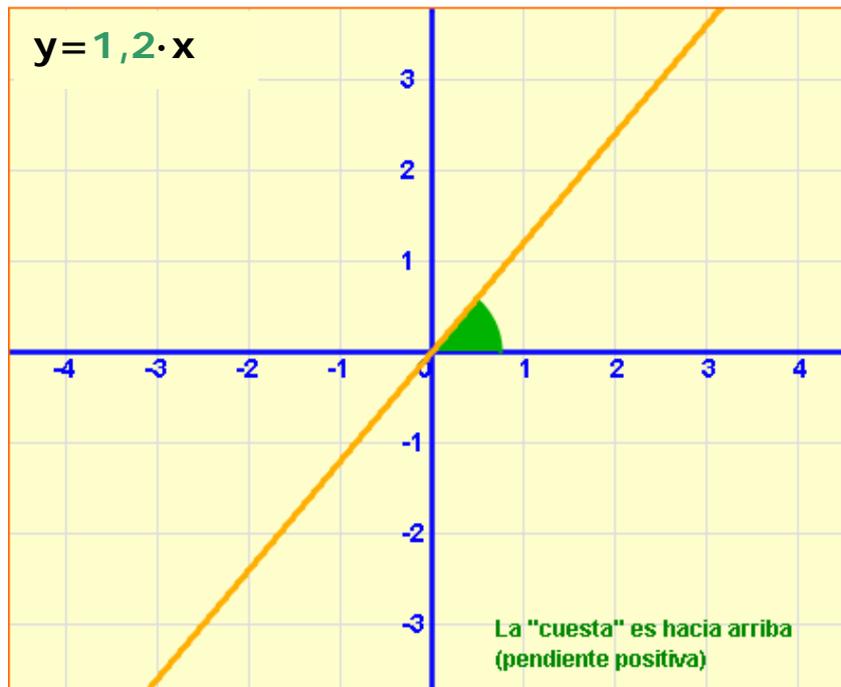
Para saber más



La pendiente de una recta

Ya has visto que la **ecuación** de una **función lineal** es de la forma $y = a \cdot x$. El valor de a , que es la **constante de proporcionalidad**, también recibe el nombre de **pendiente** puesto que nos indica el ángulo de la recta con respecto a la parte positiva del eje de las X .

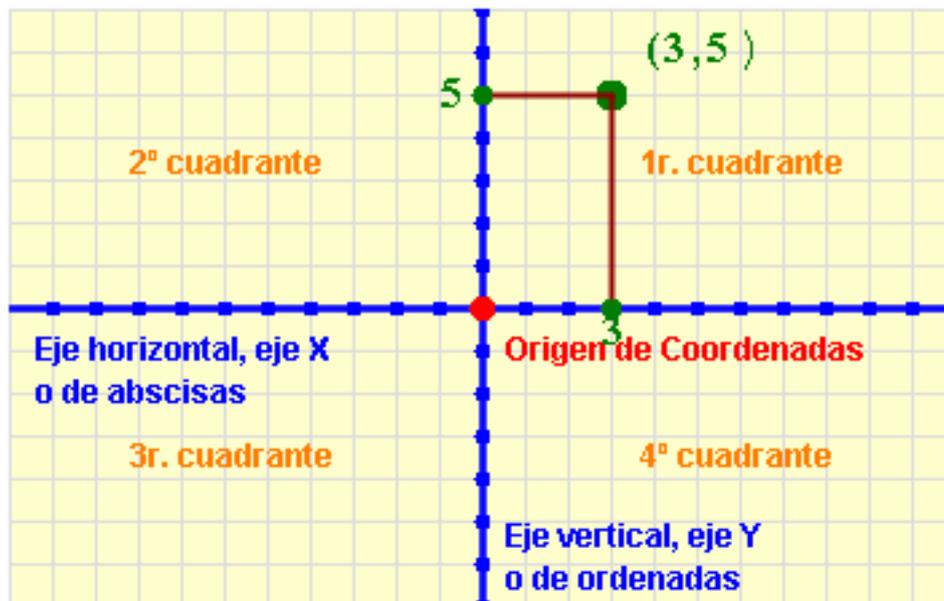
En las imágenes puedes ver rectas con el valor de a igual a 1,2; 0 y -1. Observa las distintas inclinaciones de las rectas que se ven.



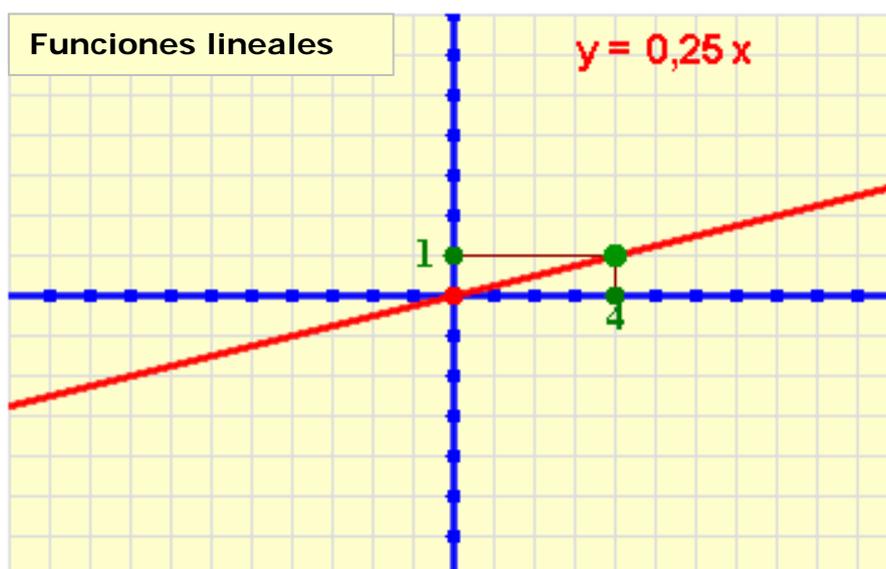


Recuerda lo más importante

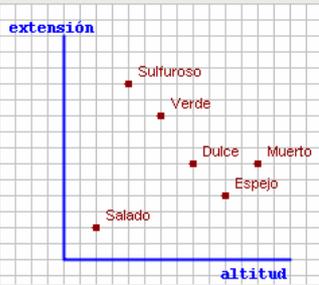
- Un sistema de representación **cartesiano** está formado por dos rectas o ejes perpendiculares, el de **abscisas** (eje **x**) y el de **ordenadas** (eje **y**). El punto en el que se cortan los ejes es el **origen** de coordenadas.
- Cada **punto** en el plano se representa mediante un par ordenado de **coordenadas** cartesianas **(x,y)**.

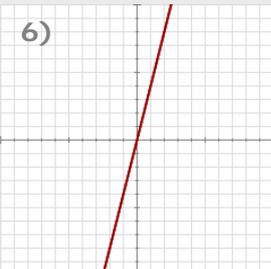


- La representación gráfica de la relación existente entre dos magnitudes directamente proporcionales es o bien una recta o bien un conjunto de puntos alineados.
- Todas las gráficas anteriores **siempre pasan por el origen** de coordenadas, es decir por el punto $(0,0)$. Corresponden a las llamadas **funciones lineales**.

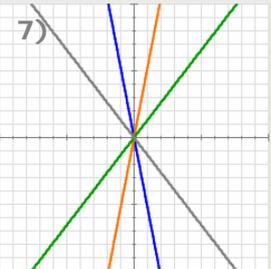




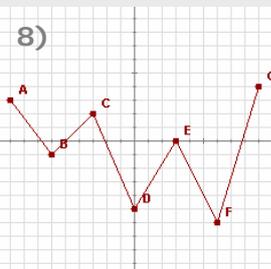
4) 

6) 

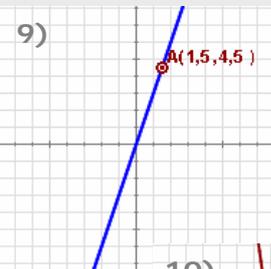
x	y
-4	-16
-2	-8
1	4
2	8
4	16
¿?	20
-3	¿?

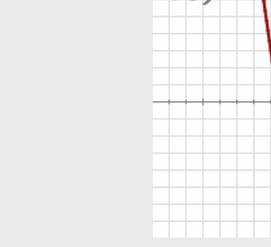
7) 

x	y
-3	-15,75
-2	-10,5
-1	-5,25
0	0
1	5,25
2	10,5
3	15,75

8) 

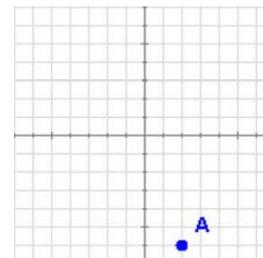
x	y
-9	3
-6	-1
-3	2
0	-7
3	0
6	-6
9	4

9) 

10) 

1. ¿Cómo se llama el eje vertical de un sistema de ejes coordenados?

2. ¿Qué coordenadas corresponde al punto A representado en la gráfica?



3. Representa el punto de coordenadas B(3,-5) en el sistema de ejes coordenado del ejercicio anterior.

4. Indica el lago de mayor extensión y el lago que se encuentra a mayor altura.

5. Completa la tabla sabiendo que la cantidad de disolvente que debemos usar por kilo de pintura viene determinada por la ecuación: **disolvente = 0,55 · kg de pintura + 0,2**.

Kg. pintura	1	2	4	
disolvente	0,75			5,7

6. Completa los datos de la tabla que corresponde a la gráfica que se muestra.

7. Indica el color de la gráfica que corresponde a la tabla dada.

8. Uno de los puntos representados es incorrecto. Indica sus coordenadas.

9. Calcula la constante de proporcionalidad determinada por la función lineal representada.

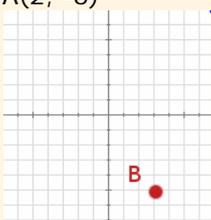
10. ¿Qué tipo de función es la representada en la gráfica?

Soluciones de los ejercicios para practicar

1. $D(2, -3)$
2. $(1, -6)$
3. 2.500 metros al norte de A y a 3.500 metros al este de B.
4. El volcán más alto es el Nevado y el volcán con más erupciones es el Furioso.
5. abril (70 millones), noviembre (10 millones), 30 millones.
6. El paseo ha durado 50 minutos y la distancia al punto más alejado es de 700 metros
7. 2,3 € el kilo
8. El tren llega a la una de la tarde a Barcelona y la velocidad media del tren es de 240 km/h
9. La recta naranja.

Soluciones AUTOEVALUACIÓN

1. Eje de ordenadas
2. $A(2, -6)$
- 3.



No

4. el lago más extenso: Sulfuroso, el lago más elevado: Muerto
5. $x=2$ $y=1,3$; $x=4$ $y=2,4$; $x=5,7$ $y=10$
6. $x=5$, $y=-12$
7. la recta naranja
8. $D(0, -5)$ que debería ser $(0, -7)$
9. $m=3$
10. función afín

olvides enviar las actividades al tutor ►